

**PHYSIQUE**  
**Interrogation n°2**

Mercredi 16 Novembre 2005

Durée : 1h30

*Barème approximatif : Questions de cours : 6pts ; Exercice I : 8,5pts ; Exercice II : 5,5pts*

**Questions de cours (Lanière K) :**

**1. Fonctionnement du transformateur (3 pts)**

a) Expliquez le fonctionnement du transformateur en décrivant avec précision tous les phénomènes physiques mis en jeu .  
Donnez des explications claires et concises en vous appuyant sur un schéma.

b) De quels paramètres dépend le coefficient de transformation  $\frac{U_{eff,sortie}}{U_{eff,entrée}}$  ?

Justifiez votre réponse avec le minimum de calculs.

**2. Principales applications des matériaux ferromagnétiques (1,5 pts)**

En dehors de la réalisation de circuits magnétiques, citez trois exemples d'utilisation des composés ferromagnétiques.

**3. Phénomène de propagation en électromagnétisme (1,5 pts)**

- a) En quoi consiste ce phénomène? (2 lignes)
- b) Pourquoi peut-on le négliger en régime lentement variable?

**Exercice I : Milieux magnétiques**

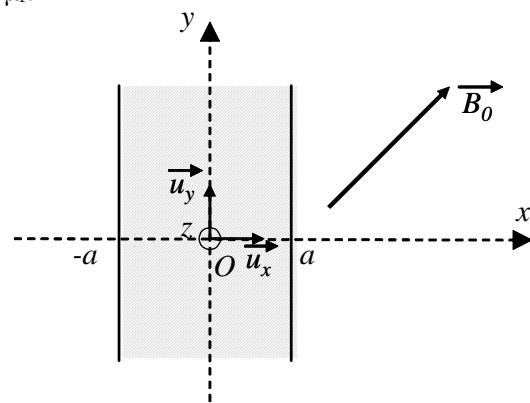
Dans un espace vide, rapporté au repère orthonormé  $(O, \vec{u}_x, \vec{u}_y, \vec{u}_z)$  défini sur la figure 1, un système extérieur crée un champ magnétique uniforme  $\vec{B}_{app}$ . On introduit dans cet espace une lame à faces parallèles d'épaisseur  $2a$ , de dimensions infinies (selon Oy et Oz) et constituée d'un matériau magnétique parfait, de perméabilité magnétique relative  $\mu_r$ .

Dans un premier temps, on admettra que le champ magnétique  $\vec{B}_0$  total de part et d'autre de la lame ( $x < -a$  et  $x > a$ ) est uniforme et de la forme :

$$\vec{B}_0 = B_{0x} \vec{u}_x + B_{0y} \vec{u}_y$$

$B_{0x}$  et  $B_{0y}$  étant des constantes positives.

A l'intérieur du milieu magnétique, le champ et l'excitation magnétiques sont notés respectivement  $\vec{B}$  et  $\vec{H}$ . On supposera que  $\vec{B}$  et  $\vec{H}$  sont également uniformes.



**Figure 1**

1 - A l'aide des relations de passage, calculer les composantes  $(B_x, B_y, B_z)$  et  $(H_x, H_y, H_z)$  de  $\vec{B}$  et  $\vec{H}$  respectivement. En déduire l'aimantation  $\vec{M}$  de la lame. Les résultats seront exprimés en fonction de  $B_{0x}$ ,  $B_{0y}$ ,  $\mu_r$ , et  $\mu_0$ .

2 - On prend  $B_{0x} = B_{0y}$ .

a) Faire un schéma (soigné et précis) représentant les vecteurs  $\vec{B}_0$ ,  $\mu_0 \vec{M}$  et  $\vec{B}$  avec  $\mu_r = 2$ .

b) Faire un second schéma pour  $\mu_r = 0,5$ .

A quel type de milieu magnétique correspondent les 2 cas,  $\mu_r = 2$  et  $\mu_r = 0,5$ . Justifier vos réponses.

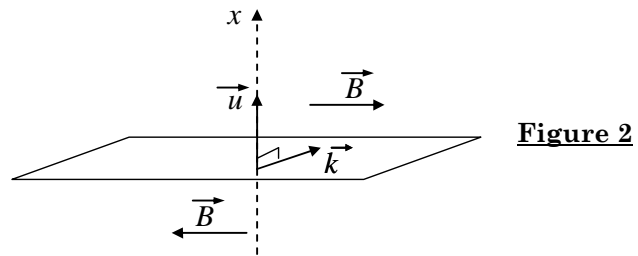
- 3- a) Pour une valeur de  $\mu_r$  quelconque, déterminer les expressions des densités de courants de magnétisation équivalents à la lame aimantée.  
 b) Déterminer le champ magnétique  $\vec{B}'$  créé par la lame, à l'extérieur de la lame (voir rappel ci-dessous). Comparer alors  $\vec{B}_{app}$  et  $\vec{B}_0$ . Conclusion.

**Rappel :** On rappelle que le champ  $\vec{B}$  créé, dans le vide, par une nappe plane de dimensions infinies, parcourue par des courants surfaciques de densité uniforme  $\vec{k}$ , est donné par :

$$x > 0 \quad \vec{B} = \frac{1}{2} \mu_0 \vec{k} \wedge \vec{u}$$

$$x < 0 \quad \vec{B} = - \frac{1}{2} \mu_0 \vec{k} \wedge \vec{u}$$

$\vec{u}$  étant le vecteur unitaire de l'axe Ox perpendiculaire à la nappe (figure 2).



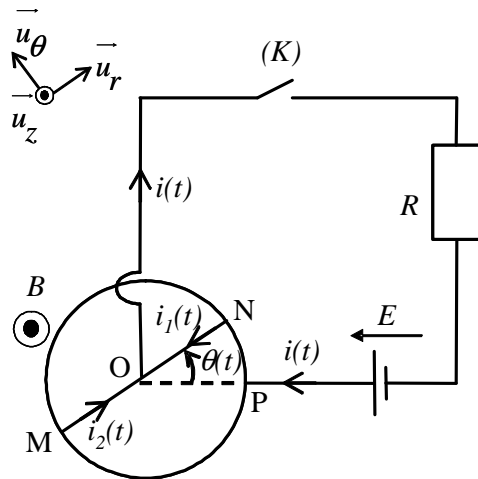
### Exercice II : Forces de Laplace et Induction électromagnétique

On se place dans un système de coordonnées cylindriques  $(O, \vec{u}_r, \vec{u}_\theta, \vec{u}_z)$  défini sur la figure 3.

Une tige métallique MN, de longueur  $2a$  et de résistance ohmique  $2r$ , est mobile autour de l'axe (Oz). Les extrémités M et N de la tige glissent sur une spire circulaire rigide et fixe, conductrice, de résistance ohmique négligeable.

L'ensemble {tige MN et spire} est relié (points O et P) à un circuit contenant un interrupteur (K), une résistance  $R$  et un générateur de tension continue  $E$  (figure 3).

L'ensemble est placé dans un champ magnétique uniforme  $\vec{B} = B \vec{u}_z$  ( $B$  étant une constante positive).



**Figure 3**

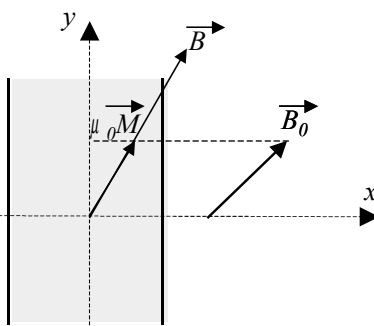
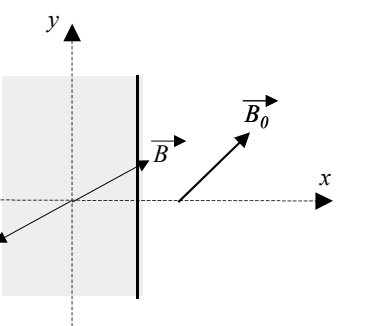
A l'instant  $t = 0$ , la tige est immobile dans la position  $\theta = 0$  et on ferme l'interrupteur (K). Un courant  $i(t) > 0$  apparaît alors dans le circuit. On admettra que  $i(t)$  se divise en deux courants  $i_1(t)$  et  $i_2(t)$  positifs traversant respectivement les branches NO et MO (figure 3), tels que  $i_1(t) = i_2(t) = \frac{i(t)}{2}$ .

**Les questions 1) et 2) peuvent être traitées indépendamment.**

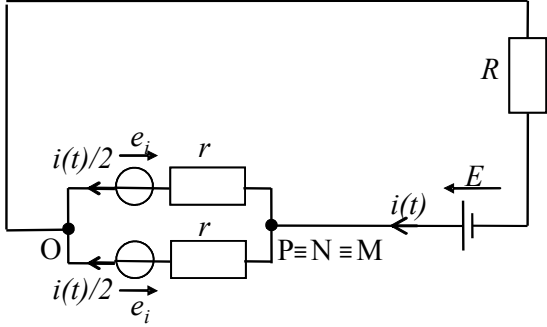
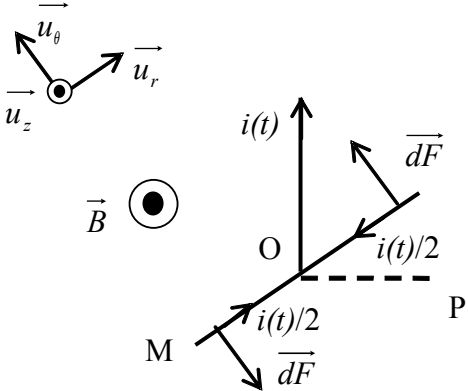
- 1) a) Calculer la force et le moment résultant des forces de Laplace s'exerçant sur la tige mobile MN en fonction de  $i$ ,  $B$  et  $a$ .  
 b) En quelques lignes, expliquer alors pourquoi un phénomène d'induction électromagnétique apparaît.
- 2) On appelle  $\omega(t)$  ( $\omega = \frac{d\theta}{dt}$ ) la vitesse de rotation instantanée de la tige MN. Déterminer, en fonction de  $\omega$ ,  $a$  et  $B$ , l'expression des f.e.m. d'induction  $e_{ON}$  et  $e_{OM}$  apparaissant dans les branches ON et OM respectivement. Comparer  $e_{ON}$  et  $e_{OM}$ . Précisez clairement l'orientation de ces f.e.m.

**CORRIGE – BAREME**  
**De l'interrogation écrite de Physique**  
**Du 16 Novembre 2005**

<b>Questions de cours: 10 points</b>		
1	Circuit (C) placé dans un champ magnétique variable $B(t)$ , se déplaçant à la vitesse $v$ , ( $\Gamma$ ) contour coïncidant avec le circuit (C) et (S) surface s'appuyant sur (C). $e = \underbrace{\iint_{(S)} - \frac{\partial B}{\partial t} dS}_{\text{statique}} + \underbrace{\oint_{(\Gamma)} (v \wedge B) dl}_{\text{motionnelle}}$	0,5 0,5 0,5 1 0,5+0,5
2a	Loi de Faraday-Lenz $e = - \frac{d\Phi}{dt}$ e f.e.m. induite dans un circuit fermé (C) $\Phi$ flux de $B$ à travers (C) avec $\Phi = \iint_{(S)} B \cdot dS$	0,5 1 0,5
2b	(S) surface s'appuyant sur (C). On choisit un sens positif sur le contour (C), ce qui permet d'orienter $dS$ pour le calcul de $\Phi$ Si $e > 0$ , $e$ tend à faire circuler dans (C) un courant $i$ dans le sens positif choisi et inversement	0,5 0,5 0,5 0,5
2c	La seule restriction est que le circuit soit de constitution matérielle constante	0,5
3	$\text{div} D = \rho \quad \text{rot} E = - \frac{\partial B}{\partial t}$ $\text{div} B = 0 \quad \text{rot} H = j$	0,5+0,5 0,5+0,5
<b>TOTAL Questions de cours</b>		<b>10 pts</b>
<b>I Milieux magnétiques : 17 points</b>		
1.	Dans le vide $\vec{B}_0 = \mu_0 H_0$ Dans le milieu $\vec{B} = \mu_0 \mu_r H$ Continuité de la composante normale de $\vec{B}$ en $x = -a$ et $x = a$ soit $B_x = B_{0x}$ et $H_x = \frac{B_x}{\mu_0 \mu_r} = \frac{B_{0x}}{\mu_0 \mu_r}$ Pas de courants surfaciques sur les surfaces $x = -a$ et $x = a$ , donc continuité de la composante tangentielle de $H$ soit $H_y = H_{0y} = \frac{B_{0y}}{\mu_0}$ et $B_y = \mu_0 \mu_r H_y = \mu_r B_{0y}$ $H_z = H_{0z} = 0$ et $B_z = 0$	0,5 0,5 0,5 0,5
En résumé :		

	$\vec{B} = \begin{pmatrix} B_{ox} \\ \mu_r B_{oy} \\ 0 \end{pmatrix} \quad \vec{H} = \begin{pmatrix} \frac{B_{ox}}{\mu_0 \mu_r} \\ \frac{B_{oy}}{\mu_0} \\ 0 \end{pmatrix}$ $\vec{M} = \frac{\vec{B}}{\mu_0} - \vec{H} \quad \text{ou} \quad \vec{M} = \chi \vec{H} = (\mu_r - 1) \vec{H}$ $\vec{M} = \left( \frac{\mu_r - 1}{\mu_0} \right) \begin{pmatrix} B_{ox} \\ B_{oy} \\ 0 \end{pmatrix}$	<p>2x0,5 pour B 2x0,5 pour H</p> <p>0,5</p> <p>2x0,5</p>
2.a	$\vec{B} = B_{ox} \begin{pmatrix} 1 \\ \mu_r \\ 0 \end{pmatrix} \quad \mu_0 \vec{M} = (\mu_r - 1) B_{ox} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ <p><math>\vec{B}</math> et <math>\mu_0 \vec{M}</math> sont colinéaires.</p> <p>Cas <math>\mu_r = 2</math></p> $\vec{B} = B_{ox} \vec{u}_x + 2 B_{ox} \vec{u}_y$ $\mu_0 \vec{M} = \frac{1}{2} B_{ox} \vec{u}_x + B_{ox} \vec{u}_y = \frac{\vec{B}}{2}$  <p>Tracé exact de <math>B_0</math> (avec <math>B_{ox} = B_{oy}</math>)</p> <p>Tracé exact de B par rapport à <math>B_0</math></p> <p>Tracé exact de <math>\mu_0 M</math> colinéaire à B (sinon 0/0,5)</p>	<p>0,5+0,5</p> <p>0,5</p> <p>0,5</p> <p>0,5</p>
2.b	<p>Cas <math>\mu_r = 0,5</math></p> $\vec{B} = B_{ox} \vec{u}_x + \frac{1}{2} B_{ox} \vec{u}_y$ $\mu_0 \vec{M} = -B_{ox} \vec{u}_x + -\frac{1}{2} B_{ox} \vec{u}_y = -\vec{B}$  <p>Tracé exact de B par rapport à <math>B_0</math></p> <p>Tracé exact de <math>\mu_0 M</math> colinéaire à B (sinon 0/0,5)</p>	<p>0,5</p> <p>0,5</p> <p>0,5</p> <p>0,5</p>
<p>Le cas <math>\mu_r = 2</math> correspond à un milieu paramagnétique car <math>\mu_r = (1 + \chi) &gt; 1</math> (<math>\chi &gt; 0</math>).</p>		

2.c	Le cas $\mu_r = 0,5$ correspond à un milieu diamagnétique car $\mu_r = (1+\chi) < 1$ ( $\chi < 0$ ). Exiger la justification sinon (0/0,5)	0,5 0,5
3.a	$j' = \text{rot} M = 0$ car $M$ uniforme dans la lame. $k' = M \wedge N$ , $N$ étant le vecteur unitaire normal à la surface de la lame orienté vers l'extérieur de la lame. Face $x = +a$ : $N = u_z$ $\vec{k}'_+ = - \frac{(\mu_r - 1)}{\mu_0} B_{oy} u_z$ Face $x = -a$ : $N = -u_z$ $\vec{k}'_- = \frac{(\mu_r - 1)}{\mu_0} B_{oy} u_z$	0,5 0,5+0,5 0,5 0,5
3.b	A l'extérieur de la lame, le champ est $B_0 + B'$ , $B'$ étant le champ créé par le milieu magnétique aimanté égal au champ créé dans le vide par les courants de magnétisation $k'_+$ et $k'_-$ . Par exemple en $x > a$ : la nappe $k'_+$ crée le champ magnétique $\vec{B}'_+ = - \frac{(\mu_r - 1)}{2} B_{oy} u_y$ la nappe $k'_-$ crée le champ magnétique $\vec{B}'_- = \frac{(\mu_r - 1)}{2} B_{oy} u_y$ Le champ magnétique total créé par les courants de magnétisation $B' = B'_+ + B'_-$ est donc nul pour $x > a$ . Même raisonnement pour $x < -a$ . donc l'introduction de la lame magnétique ne perturbe pas le champ extérieur appliqué et $B_0 = B_{app}$	0,5 0,5 0,5 0,5 0,5
<b>TOTAL EXERCICE I</b>		<b>17 pts</b>
<b>II Induction électromagnétique: 13 points</b>		
1.	$i = i_1 + i_2$	0,5
2.	On ferme l'interrupteur $K \Rightarrow$ apparition d'un courant $i(t)$ $\Rightarrow$ force de Laplace sur la tige MN suivant $\vec{u}_\theta$ $\Rightarrow \Rightarrow$ mise en rotation de la tige dans le sens trigonométrique $\theta > 0$ . $\Rightarrow$ Mouvement de la tige dans $B \Rightarrow$ apparition d'un champ électromoteur $(v \wedge B)$ dans la tige MN et de forces électromotrices. Calcul des f.e.m. induites dans les segments ON et OM $e_{ON} = \int_0^N (v \wedge B) \cdot d\ell$ $e_{ON} = \int_0^N (r \omega u_\theta \wedge B u_z) \cdot dr u_r = \int_0^a (r \omega B u_r) \cdot dr u_r = \omega B \int_0^a r dr$ $e_{ON} = \frac{B \omega a^2}{2} > 0$ , orientée de O vers N idem pour $e_{OM} > 0$ , orientée de O vers M $e_{OM} = e_{ON} = e$	0,5 0,5 0,5 0,5 1 1 0,5

3.a		1,5
3.b	Les deux branches en parallèle sont identiques donc $i_1 = i_2 = i/2$	0,5
3.c	$E = Ri + r\frac{i}{2} + e_i = \left(R + \frac{r}{2}\right) i + \frac{B\omega a^2}{2}$	1,5
4	 <p>Sur un élément <math>d\vec{\ell} = -dr\vec{u}_r</math> de la tige : <math>d\vec{F} = -\frac{i}{2}dru_r \wedge B\vec{u}_z = \frac{iB}{2}dru_\theta</math></p> $\vec{M} = 2 \int_{1/2 \text{ tige}} \vec{OM} \wedge d\vec{F}$ $\vec{M} = 2 \int_0^a r\vec{u}_r \wedge \frac{iB}{2}dru_\theta = 2\frac{iB}{2} \int_0^a r dr \vec{u}_z = \frac{iBa^2}{2} \vec{u}_z$	1 0,5 1,5
5	<p>Théorème du moment cinétique : <math>J \frac{d\omega}{dt} = \sum \text{moments}</math></p> $J \frac{d\omega}{dt} = M + \Gamma_f = \frac{iBa^2}{2} - h\omega$	1,5
<b>TOTAL EXERCICE II</b>		<b>13 pts</b>

**TOTAL : 40 points**